
Tema 8. Subsistemas secuenciales

Circuitos Electrónicos Digitales
E.T.S.I. Informática
Universidad de Sevilla
21/09/2010

Jorge Juan <jjchico@dte.us.es> 2010

Usted es libre de copiar, distribuir y comunicar públicamente la obra y de hacer obras derivadas siempre que se cite la fuente y se respeten las condiciones de la licencia Attribution-Share alike de Creative Commons.

Puede consultar el texto completo de la licencia en:

<http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/es>

<http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0> (original en inglés)



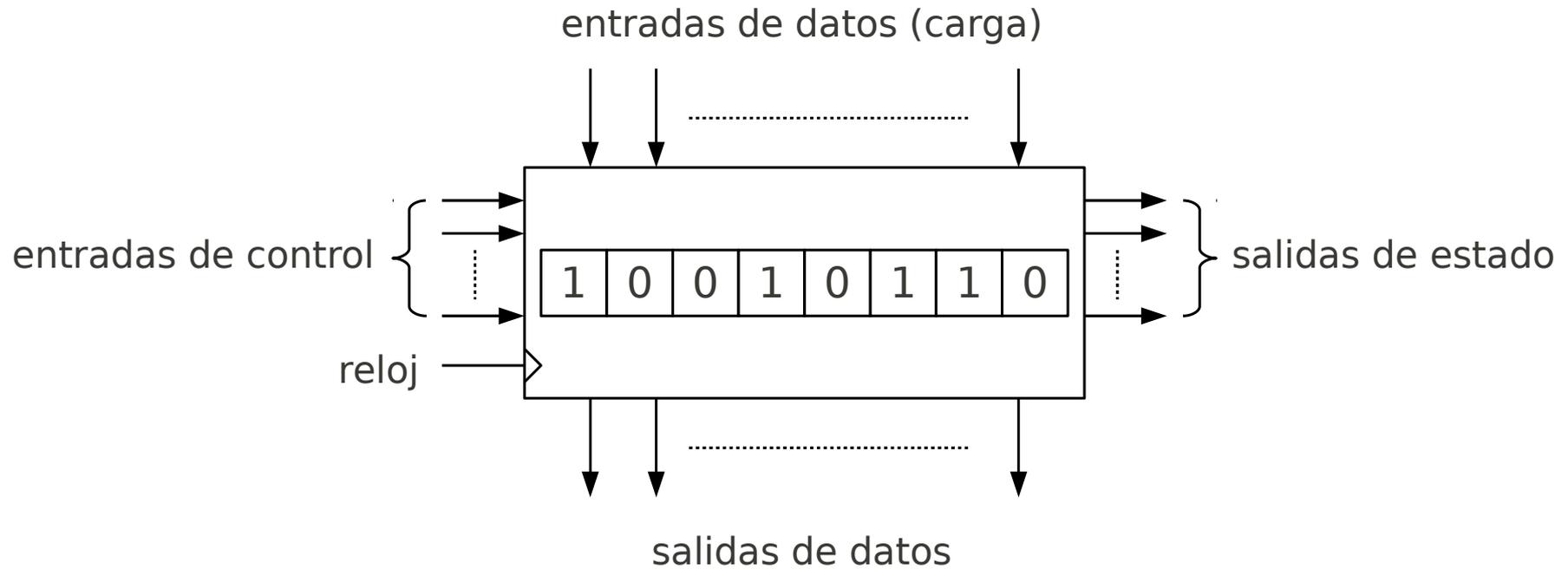
Contenidos

- Introducción
- Registros
- Contadores
- Diseño con subsistemas secuenciales

Introducción

- Subsistema secuencial
 - Circuito formado por n biestables (n bits) que operan de forma conjunta para la realización de una tarea o tareas determinadas.
 - Su operación se interpreta en base al dato de n bits que almacenan y no en base a cada bit por separado.
 - Su funcionalidad es lo bastante general par encontrar aplicación en una diversidad de problemas de diseño de circuitos secuenciales.
- Tipos básicos de subsistemas secuenciales
 - Registros: almacenan un dato para su uso posterior
 - Contadores: proporcionan una secuencia de números consecutivos (cuenta)

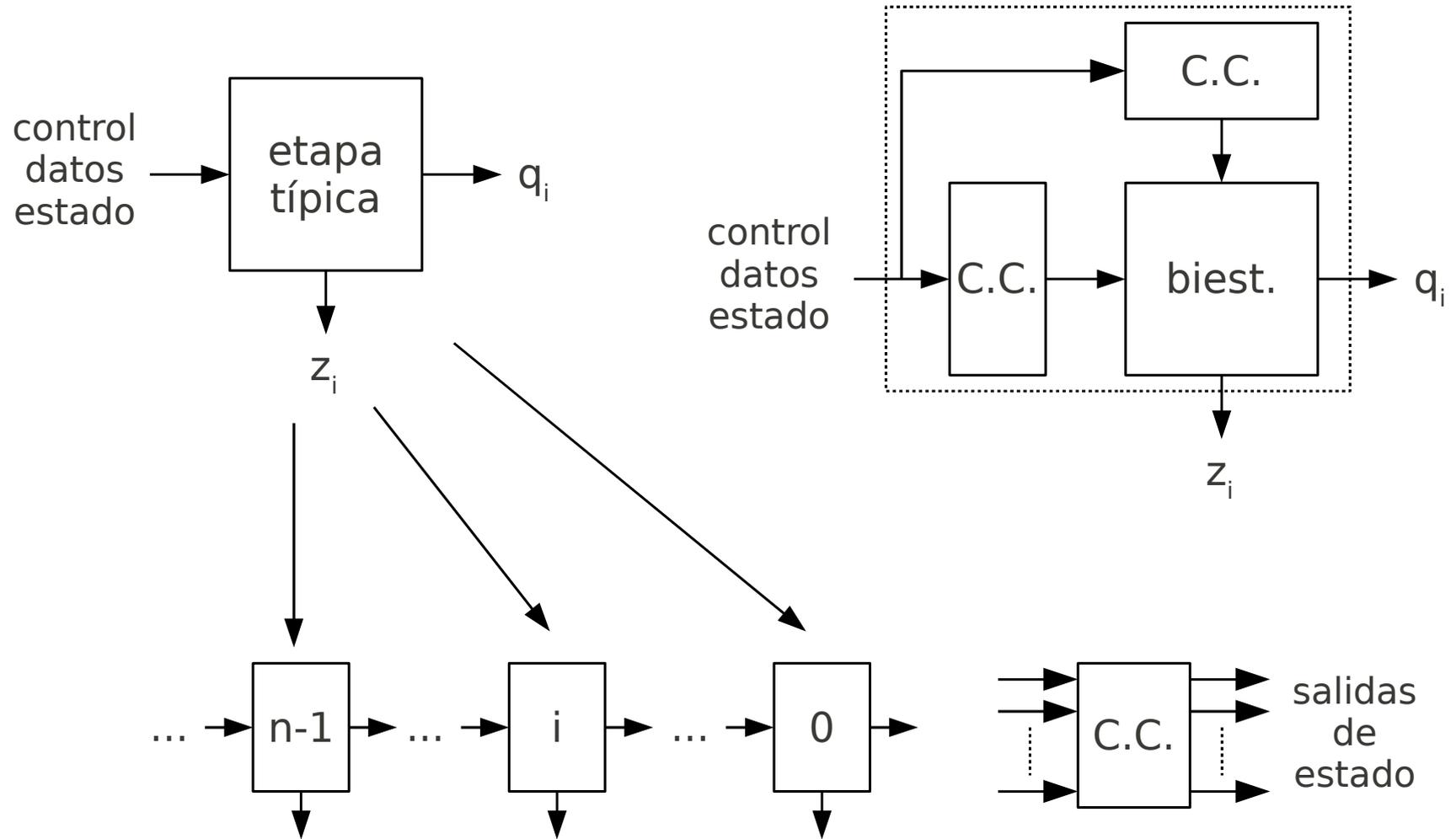
Introducción



Introducción

- Señales de control
 - Las señales de control determinan la operación a realizar.
 - Pueden ser síncronas: alteran el dato en el flanco activo de la señal de reloj
 - Pueden ser asíncronas: alteran el dato de forma inmediata tras la activación de la señal de control
 - Señales de control genéricas: puesta a cero (clear -CL-), inhibición (INH), carga de un dato (load -LD-).
- Entradas de datos
 - Proporcionan el dato a cargar en el subsistema
- Salidas de datos
 - Permiten obtener (observar) el dato almacenado
- Salidas de estado
 - Indican información sobre el contenido del subsistema: si es cero, fin de estado de cuenta, etc.

Diseño modular



Introducción

- Estructura modular
 - Todos los bits del subsistema operan de forma similar
 - La función no depende del número de bits, salvo por el rango de valores del dato que pueden manejar.
- Diseño de subsistemas secuenciales
 - Un subsistema secuencial puede describirse como una máquina de estados finitos, pero no suele ser apropiado: pueden tener gran número de estados, pero todos ellos similares.
 - Diseño más práctico y eficiente con un enfoque modular:
 - Se diseña una etapa genérica asociada a un sólo bit.
 - Se replica la etapa para n bits
 - Se consideran los casos especiales en los bits extremos y las señales globales.
 - La complejidad del diseño no depende del número de bits.

Registros

- Introducción
- Registros
 - Clasificación
 - Registro paralelo/paralelo
 - Registro de desplazamiento
 - Registro universal
- Contadores
- Diseño con subsistemas secuenciales

Registros

1	0	0	1	0	1	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---

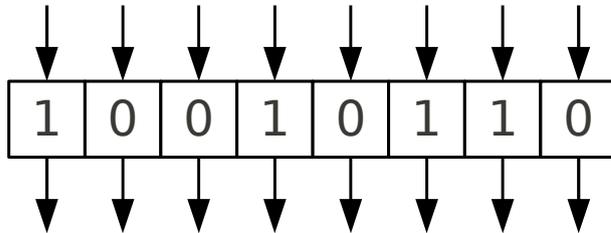
- Almacén de datos de n bits (n biestables)
 - Habitualmente nos referimos al contenido por el dato que representa y no por los bits individuales.
- Operaciones básicas:
 - Escritura (carga): modificación del dato almacenado.
 - Lectura: acceso al contenido del registro.

Registros. Clasificación

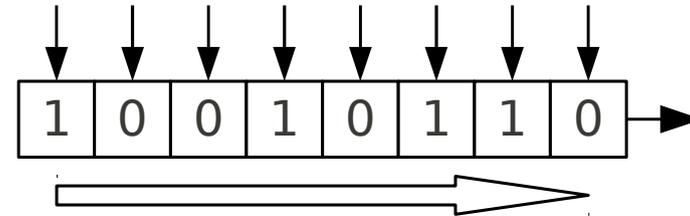
- Entrada en paralelo
 - Todos los bits pueden cargarse a la vez (en el mismo ciclo de reloj).
 - Una línea de entrada para cada bit.
- Entrada serie
 - Se carga un bit en cada ciclo de reloj.
 - Una única línea de entrada para todos los bits.
- Salida en paralelo
 - Todos los bits pueden ser leídos a la vez.
 - Una línea de salida para cada bit.
- Salida serie
 - Sólo puede leerse un bit en cada ciclo de reloj.
 - Una única línea de salida para cada bit.

Registros. Clasificación

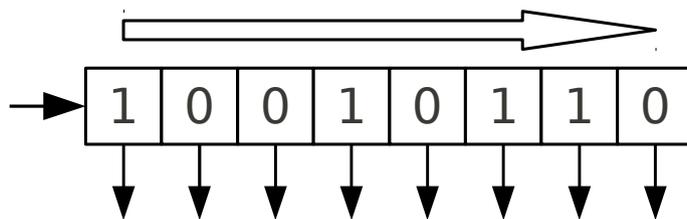
paralelo/paralelo



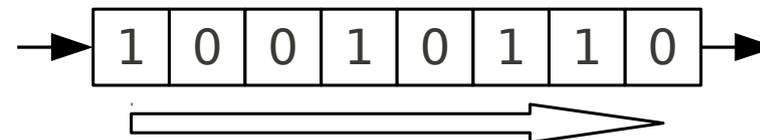
paralelo/serie



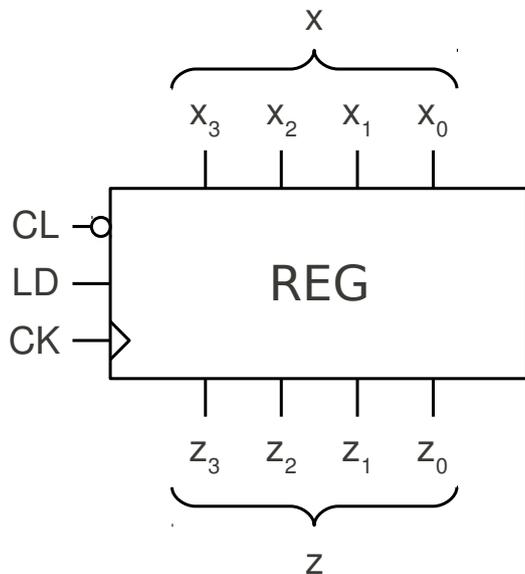
serie/paralelo



serie/serie



Registro entrada paralelo/salida paralelo



Código Verilog

```
module reg(  
    input ck,  
    input cl,  
    input ld,  
    input [3:0] x,  
    output [3:0] z  
);  
  
    reg [3:0] q;  
  
    always @(posedge ck, negedge cl)  
        if (cl == 0)  
            q <= 0;  
        else if (ld == 1)  
            q <= x;  
  
    assign z = q;  
  
endmodule
```

Tabla de operación

CL, LD	Operación	Tipo
0x	$q \leftarrow 0$	asínc.
11	$q \leftarrow x$	sínc.
10	$q \leftarrow q$	sínc.

Registro entrada paralelo/salida paralelo

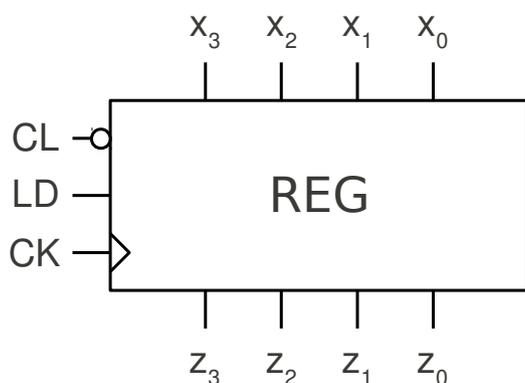
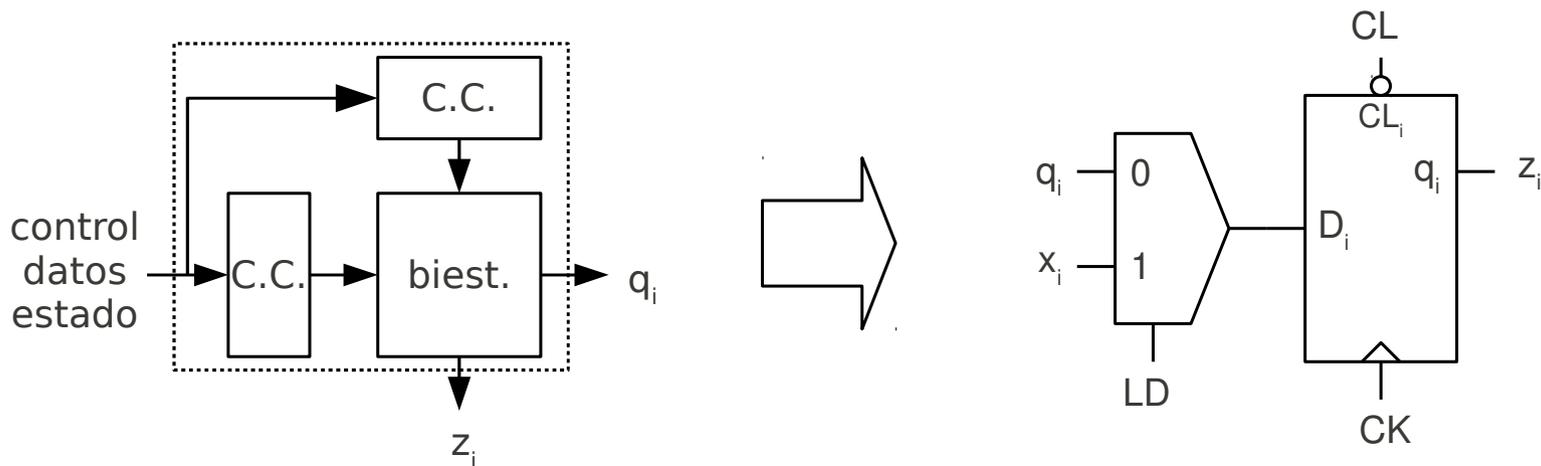


Tabla de operación asíncrona

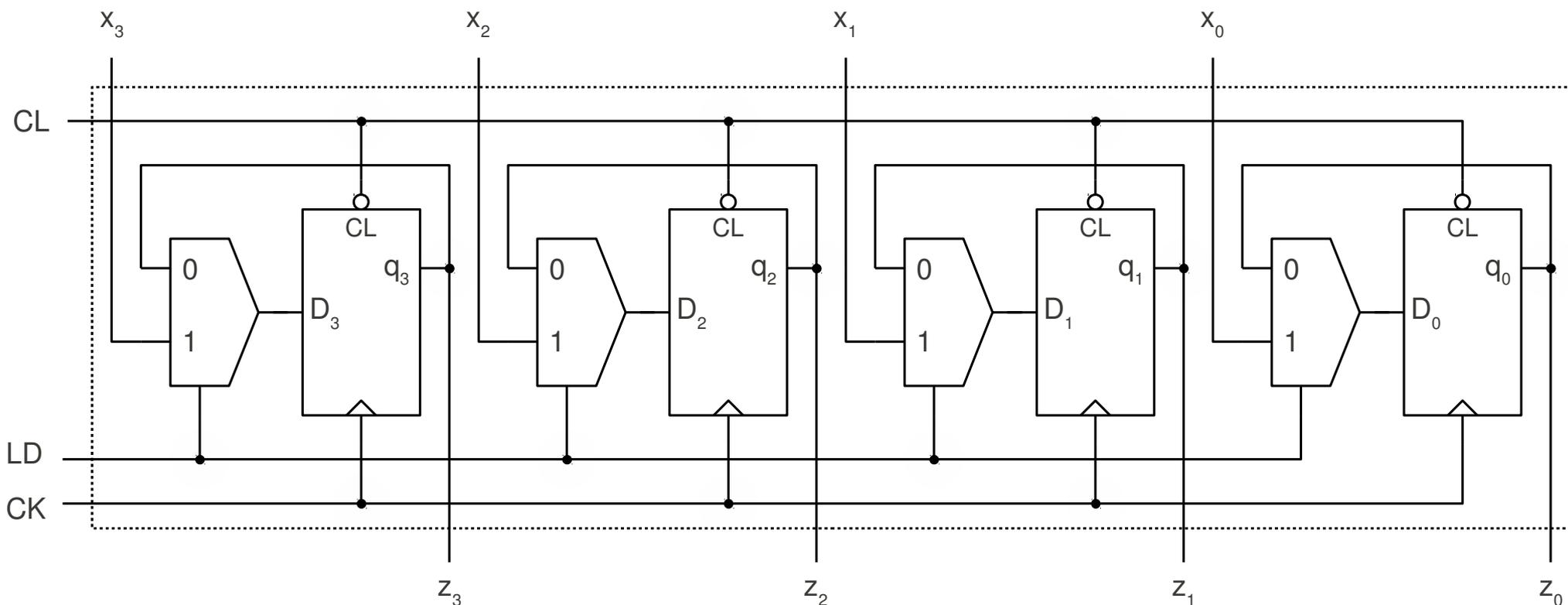
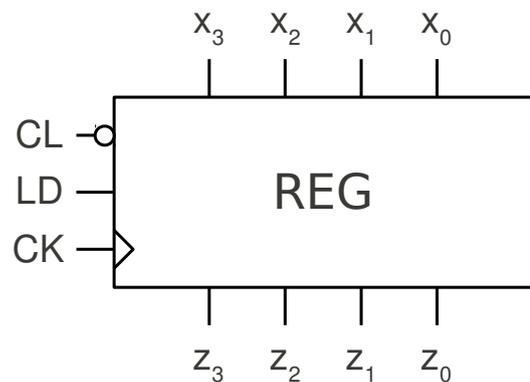
CL	Operación	Et. típica	Excit.
0	$q \leftarrow 0$	$Q_i = 0$	$CL_i = 0$
1	$q \leftarrow q$	$Q_i = q_i$	$CL_i = 1$

Tabla de operación síncrona

LD	Operación	Et. típica	Excit.
1	$q \leftarrow x$	$Q_i = x_i$	$D_i = x_i$
0	$q \leftarrow q$	$Q_i = q_i$	$D_i = q_i$



Registro entrada paralelo/salida paralelo



Registro de desplazamiento

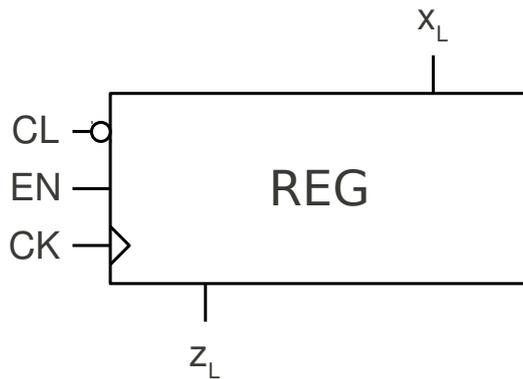


Tabla de operación

CL, EN	Operación	Tipo
0x	$q \leftarrow 0$	asíncrona
11	$q \leftarrow \text{SHL}(q)$	síncrona
10	$q \leftarrow q$	síncrona

Código Verilog

```
module reg_shl(  
    input ck,  
    input cl,  
    input en,  
    input xl,  
    output zl  
);  
  
    reg [3:0] q;  
  
    always @(posedge ck, negedge cl)  
        if (cl == 0)  
            q <= 0;  
        else if (en == 1)  
            q <= {q[2:0], xl};  
  
    assign zl = q[3];  
  
endmodule
```

Registro de desplazamiento

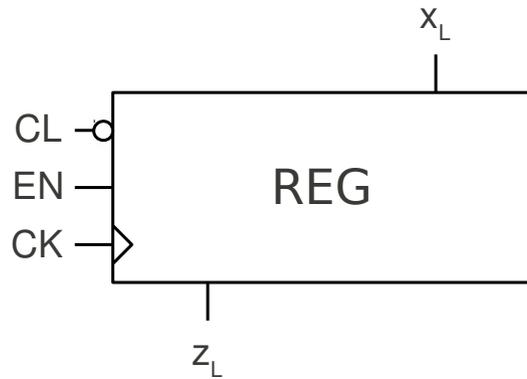
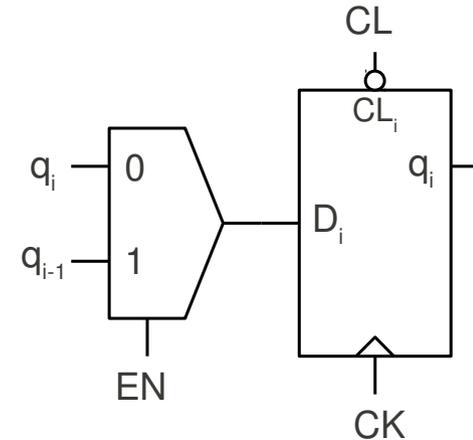
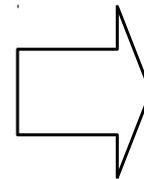
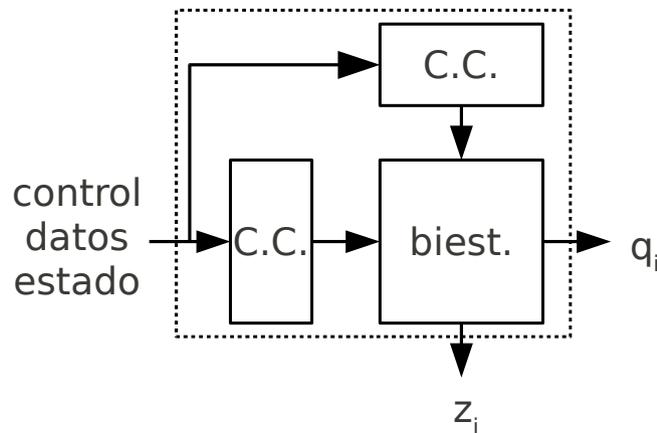
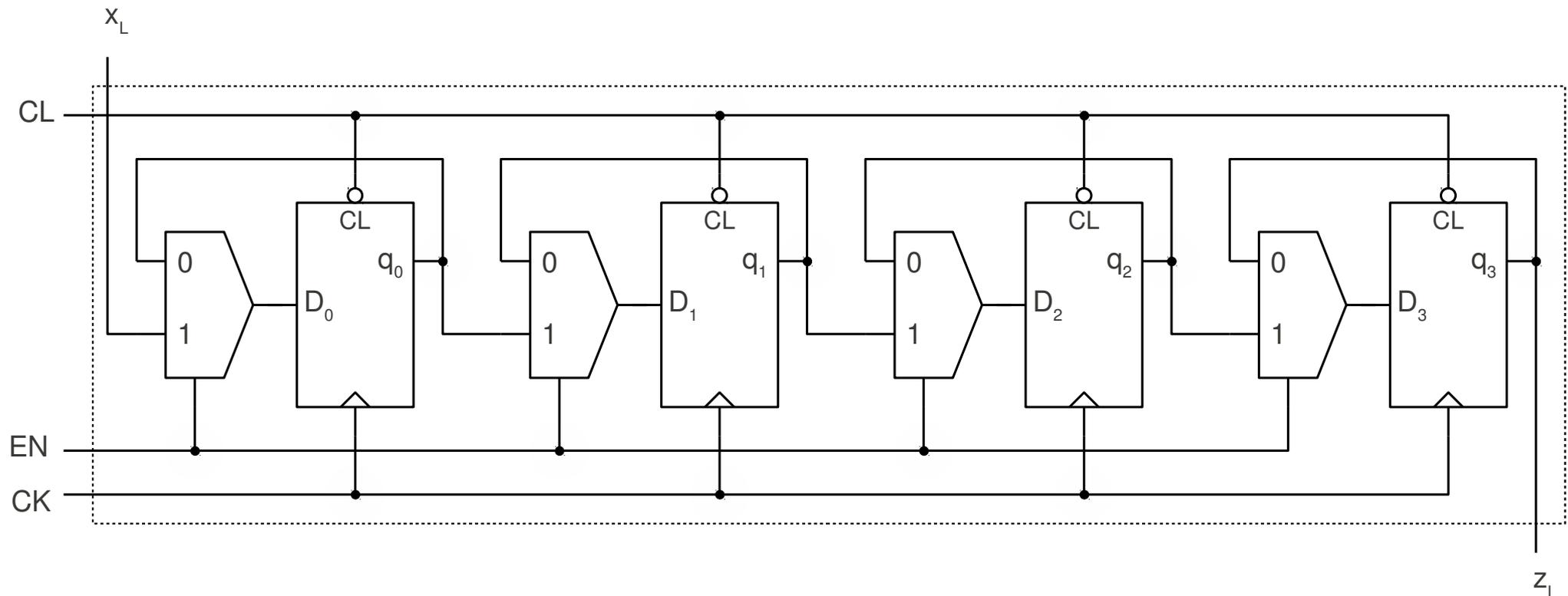
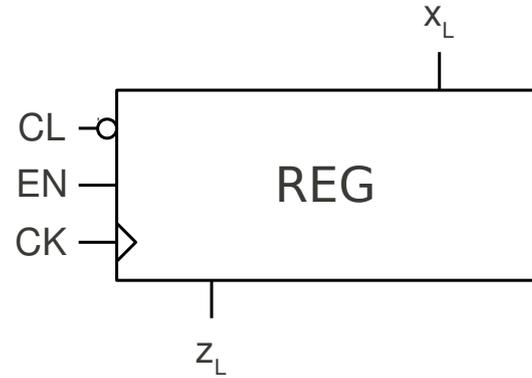


Tabla de operación síncrona

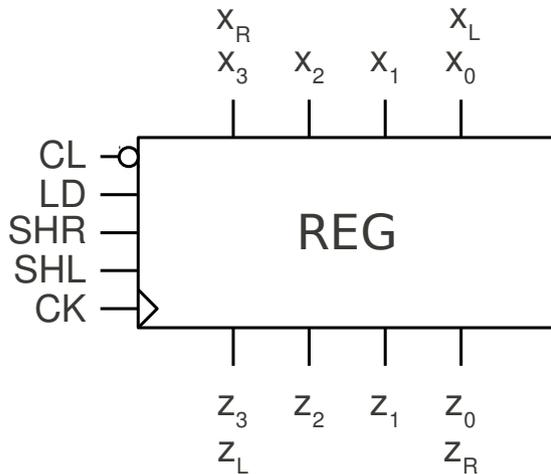
EN	Operación	Et. típica	Et. 0	Ex. típ.	Ex. et. 0
1	$q \leftarrow \text{SHL}(q)$	$Q_i = q_{i-1}$	$Q_0 = x_L$	$D_i = q_{i-1}$	$D_0 = x_L$
0	$q \leftarrow q$	$Q_i = q_i$	$Q_0 = q_0$	$D_i = q_i$	$D_0 = q_0$



Registro de desplazamiento



Registro universal



Código Verilog

```

module ureg(
    input ck,
    input cl,
    input ld,
    input shr,
    input shl,
    input [3:0] x,
    output [3:0] z
);

    reg [3:0] q;

    always @(posedge ck, negedge cl)
        if (cl == 0)
            q <= 0;
        else if (ld == 1)
            q <= x;
        else if (shr == 1)
            q <= {x[3], q[3:1]};
        else if (shl == 1)
            q <= {q[2:0], x[0]};

    assign z = q;

endmodule
    
```

Tabla de operación

CL,LD,SHR,SHL	Operación	Tipo
0xxx	$q \leftarrow 0$	asínc.
11xx	$q \leftarrow x$	sínc.
1010	$q \leftarrow \text{SHR}(q)$	sínc.
1001	$q \leftarrow \text{SHL}(q)$	sínc.
1000	$q \leftarrow q$	sínc.

Contadores

- Introducción
- Registros
- Contadores
 - Contador binario ascendente módulo 2^n
 - Límite de estados de cuenta
 - Contador descendente
 - Contador reversible
 - Contadores no binarios
- Diseño con subsistemas secuenciales

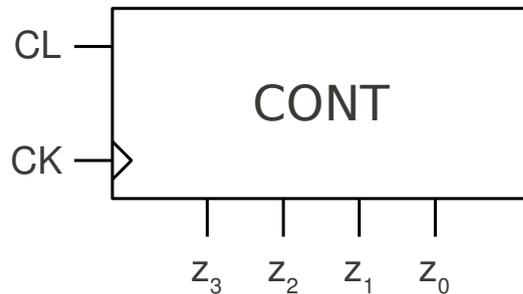
Contadores

- Similar al registro: añade operación de cuenta.
- Diseño
 - Se aplican los mismos principios del diseño modular
 - La implementación es más sencilla con biestables JK o T (simplifican la operación de cuenta)
- Operaciones típicas
 - Cuenta ascendente
 - Cuenta descendente
 - Puesta a cero (clear)
 - Carga de estado de cuenta
- Salidas típicas
 - Estado de cuenta
 - Fin de cuenta

Contador binario módulo 2^n

- Módulo
 - Número de estados de cuenta del contador
- Binario
 - Los estados de cuenta representan números en base 2 consecutivos.
- Módulo 2^n
 - Cuenta de 0 a 2^n-1 (n bits)
- Cuenta cíclica
 - Normalmente, después del último estado de cuenta se pasa al primero (desbordamiento)

Contador binario módulo 2^n



Código Verilog

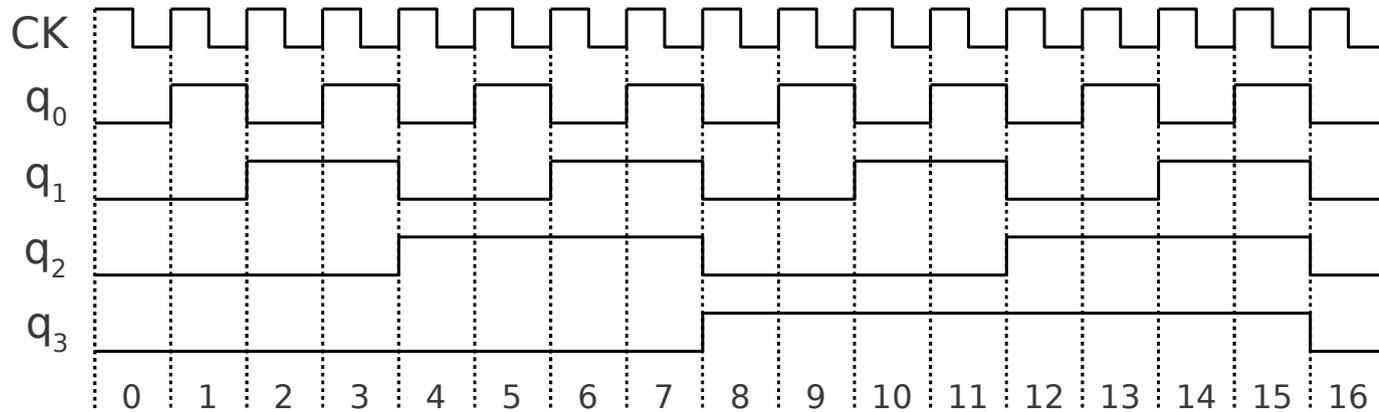
```
module count_mod16(  
    input ck,  
    input cl,  
    output [3:0] z  
);  
  
    reg [3:0] q;  
  
    always @(posedge ck)  
        if (cl == 1)  
            q <= 0;  
        else  
            q <= q + 1;  
  
    assign z = q;  
  
endmodule
```

Tabla de operación

CL	Operación	Tipo
1	$q \leftarrow 0$	asínc.
0	$q \leftarrow q+1 \bmod 16$	sínc.

Contador binario módulo 2^n

Operación de cuenta



- Cuenta ascendente
 - $Q_i = \bar{q}_i$ si $q_j = 1, \forall j < i$
 - Si no, $Q_i = q_i$

$$J_i = K_i = q_{i-1} q_{i-2} \dots q_0$$

Contador binario módulo 2^n

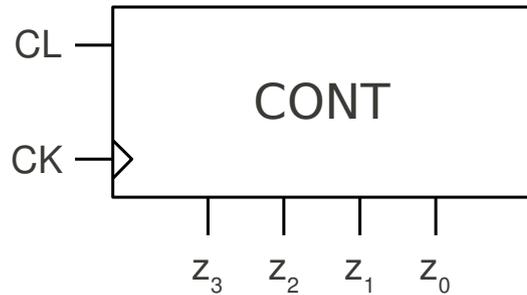
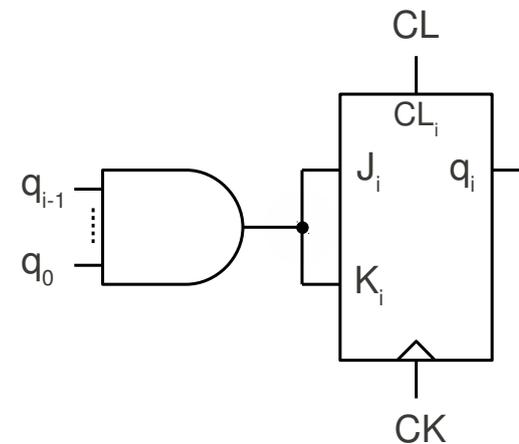
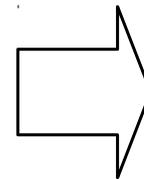
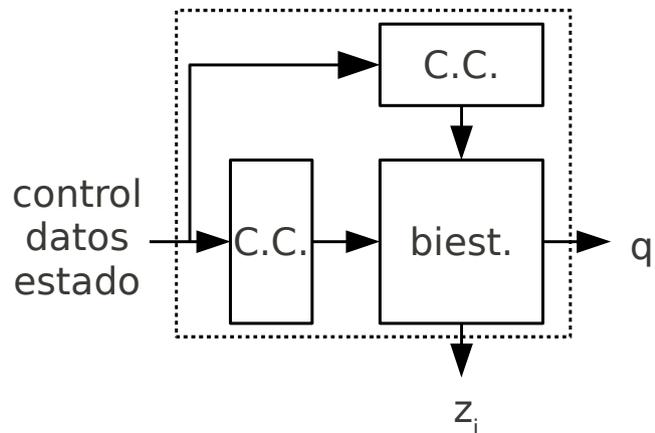
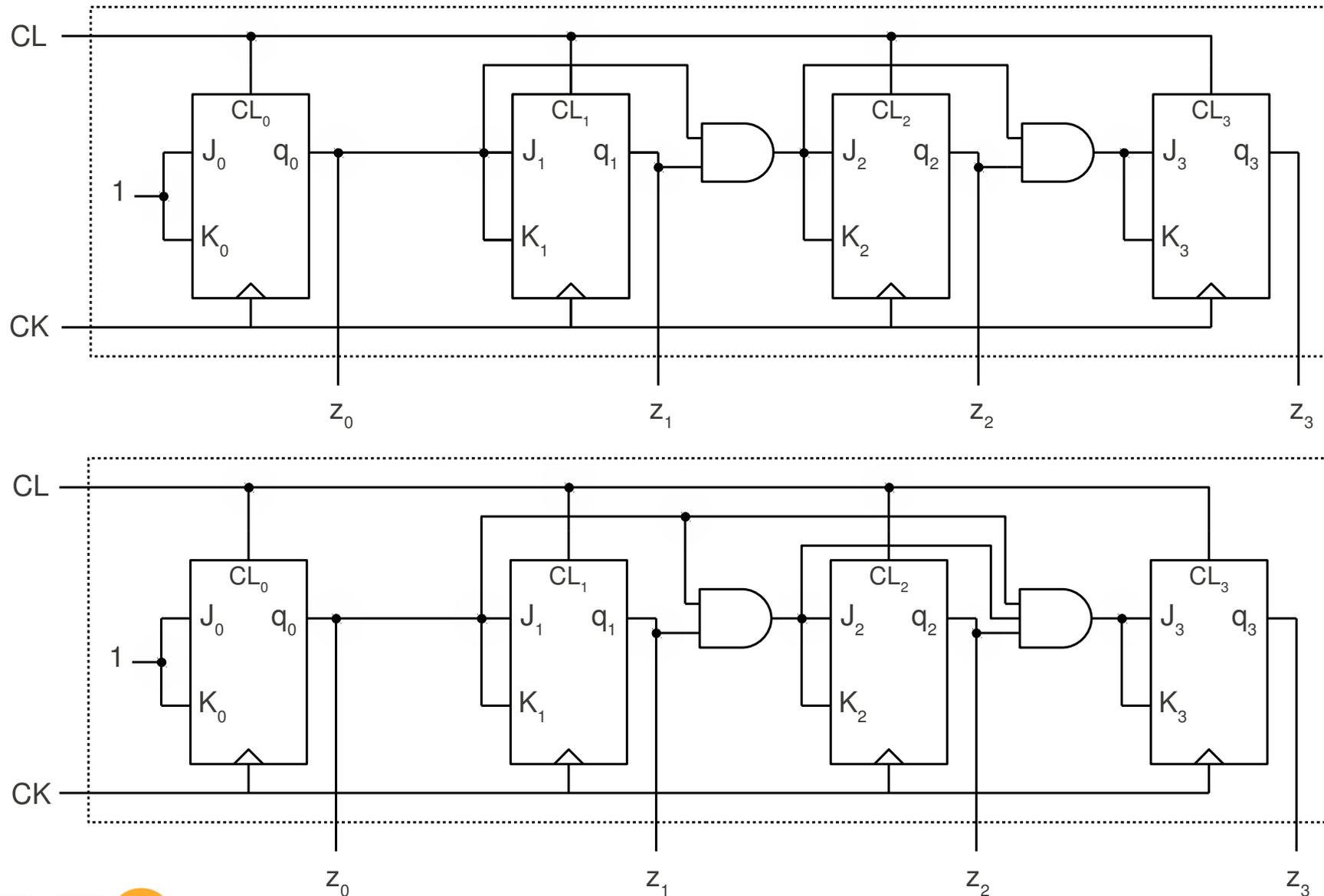


Tabla de operación síncrona

Operación	Et. típica	Et. 0
$q \leftarrow q+1 \mid_{\text{mod } 16}$	$J_i=K_i=q_{i-1} \dots q_0$	$J_0=K_0=1$



Contador binario módulo 2^n . Circuito



Contador binario módulo 2^n con puesta a cero y habilitación

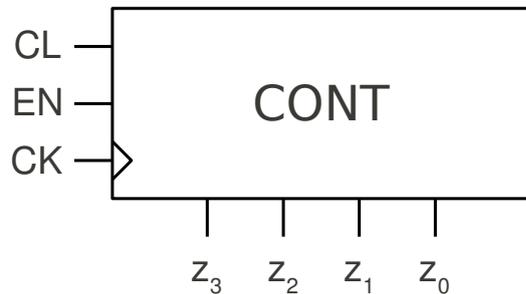


Tabla de operación

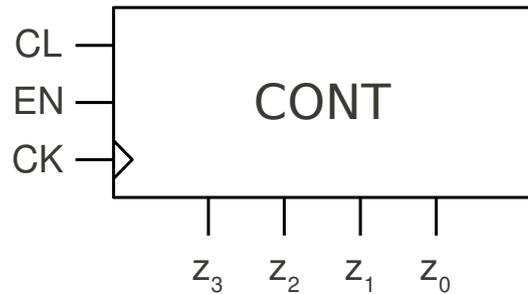
CL, EN	Operación	Tipo
1x	$q \leftarrow 0$	sínc.
01	$q \leftarrow q+1 \bmod 16$	sínc.
00	$q \leftarrow q$	sínc.

Código Verilog

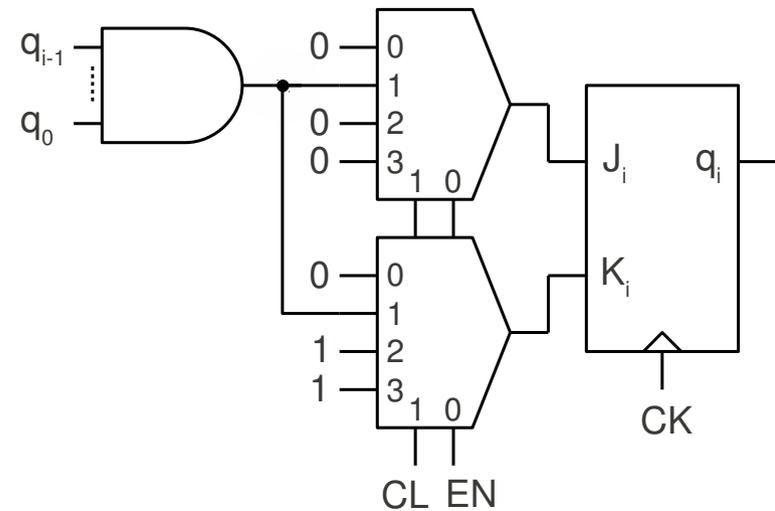
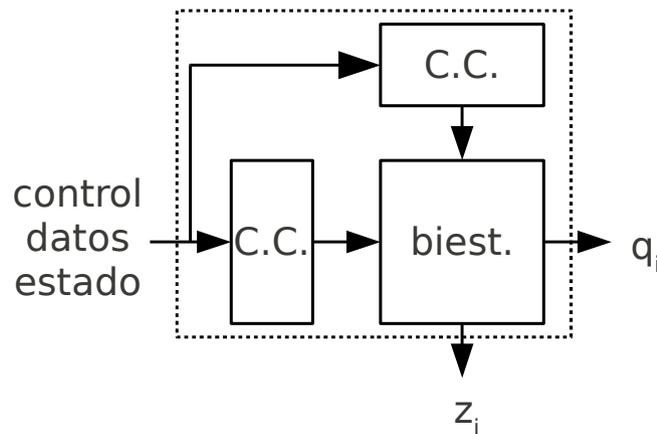
```
module count_mod16(  
    input ck,  
    input cl,  
    input en,  
    output [3:0] z  
);  
  
    reg [3:0] q;  
  
    always @(posedge ck)  
        if (cl == 1)  
            q <= 0;  
        else if (en == 1)  
            q <= q + 1;  
  
    assign z = q;  
  
endmodule
```

Contador binario módulo 2^n con puesta a cero y habilitación

Tabla de operación síncrona



CL, EN	Operación	Et. típica	Et. 0
1x	$q \leftarrow 0$	$J_i=0, K_i=1$	$J_0=0, K_0=1$
01	$q \leftarrow q+1 \bmod 16$	$J_i=K_i=q_{i-1} \dots q_0$	$J_0=K_0=1$
00	$q \leftarrow q$	$J_i=K_i=0$	$J_0=K_0=0$



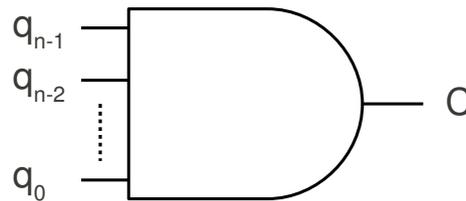
Contador binario módulo 2^n con puesta a cero y habilitación. Circuito

- (hacer como ejercicio)

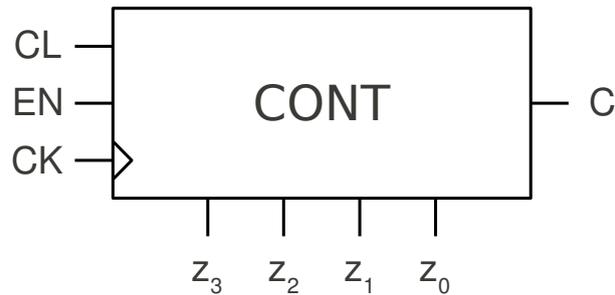
Salida de fin de cuenta

- Cuenta ascendente (acarreo - carry)
 - $C = 1$ sii $q = 2^n - 1$

$$C = q_{n-1} q_{n-2} \dots q_0$$



Salida de fin de cuenta



Código Verilog

```
module count_mod16(
    input ck,
    input cl,
    input en,
    output [3:0] z,
    output c
);

reg [3:0] q;

always @(posedge ck)
    if (cl == 1)
        q <= 0;
    else if (en == 1)
        q <= q + 1;

assign z = q;
assign c = &q;

endmodule
```

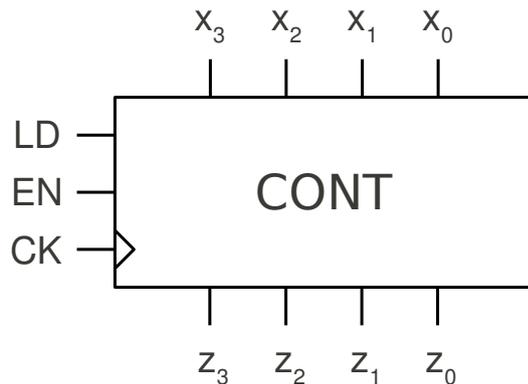
Unión de contadores

- Combinar contadores para obtener un nuevo contador con mayor número de estados de cuenta que los originales.
- Combinando dos contadores módulo k y l se puede conseguir un nuevo contador módulo $k \cdot l$
- Ejemplo: contador módulo 256 (8bits) a partir de dos contadores módulo 16 (4 bits)
- La combinación de los contadores se puede hacer de forma más simple (con menos componentes adicionales) si los contadores poseen entradas de control y estado adecuadas. Ej:
 - Habilitación
 - Fin de cuenta

Unión de contadores

- (contador mod 256 a partir de mod 16)
- (contador mod 4096 a partir de mod 16)

Contador binario módulo 2^n con puesta a cero, habilitación y carga



Código Verilog

```
module count_mod16(  
    input ck,  
    input ld,  
    input en,  
    input [3:0] x,  
    output [3:0] z  
);  
  
    reg [3:0] q;  
  
    always @(posedge ck)  
        if (ld == 1)  
            q <= x;  
        else if (en == 1)  
            q <= q + 1;  
  
    assign z = q;  
  
endmodule
```

Tabla de operación

LD, EN	Operación	Tipo
1x	$q \leftarrow x$	sínc.
01	$q \leftarrow q + 1 \bmod 16$	sínc.
00	$q \leftarrow q$	sínc.

Contador binario módulo 2^n con puesta a cero, habilitación y carga

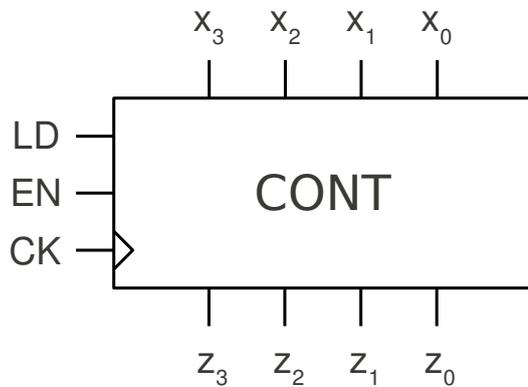
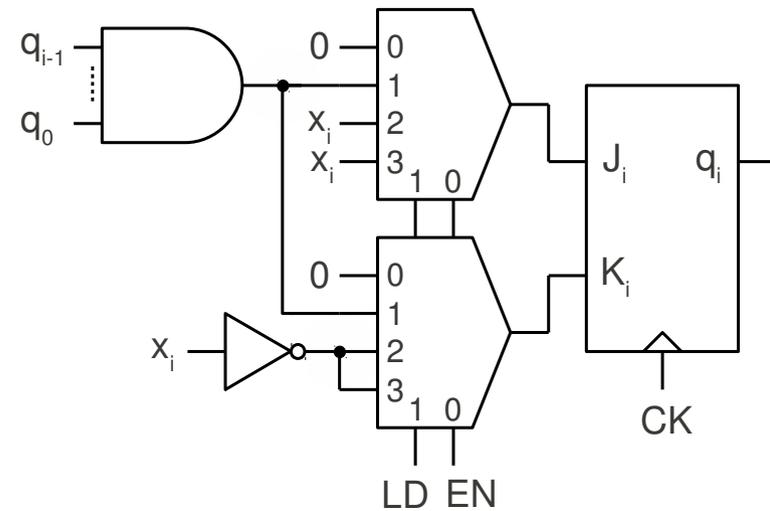
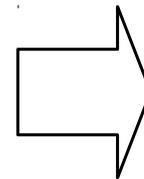
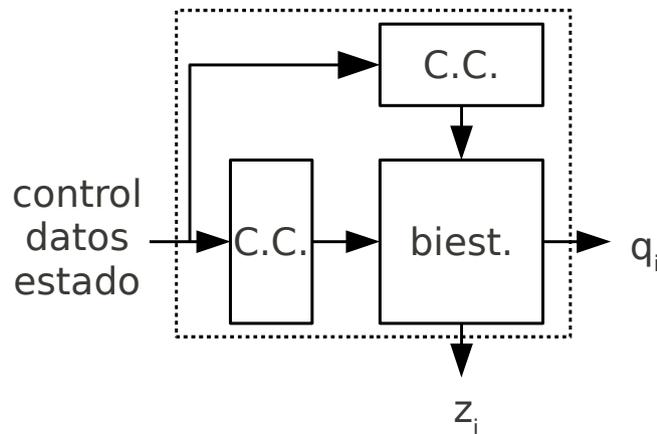


Tabla de operación síncrona

LD, EN	Operación	Et. típica	Et. 0
1x	$q \leftarrow x$	$J_i = x_i, K_i = \bar{x}_i$	$J_0 = x, K_0 = \bar{x}$
01	$q \leftarrow q + 1 \pmod{16}$	$J_i = K_i = q_{i-1} \dots q_0$	$J_0 = K_0 = 1$
00	$q \leftarrow q$	$J_i = K_i = 0$	$J_0 = K_0 = 0$



Contador binario módulo 2^n con puesta a cero, habilitación y carga

- (Esquema como ejercicio)

Límite de estado de cuenta

- Los contadores módulo $< 2^n$ se obtienen normalmente limitando los estados de cuenta de un contador módulo 2^n .
- Casos
 - Límite superior: $0 \dots l, l < 2^n$
 - Límite inferior: $k \dots 2^n, k > 0$
 - Límites inferior y superior: $k \dots l, k > 0, l < 2^n$
- Estrategia
 - Se detecta la llegada al estado de cuenta l y se activa una operación para volver a cero (CL o LD), o para volver a k (LD).
 - Si CL/LD son asíncronos, se ha de detectar $l+1$, apareciendo un estado de cuenta transitorio a la salida.

Límite de estado de cuenta

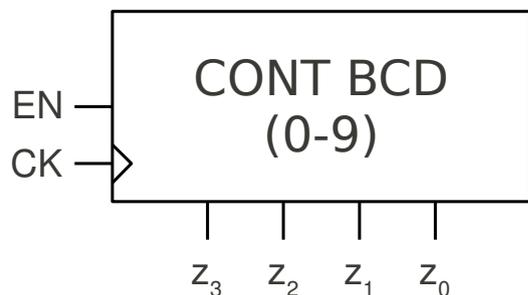


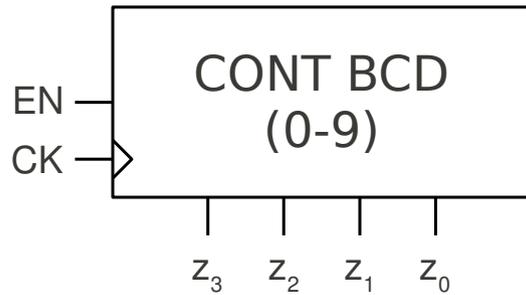
Tabla de operación

CL, EN	Operación	Tipo
1x	$q \leftarrow 0$	sínc.
01	$q \leftarrow q+1 \bmod 10$	sínc.
00	$q \leftarrow q$	sínc.

Código Verilog

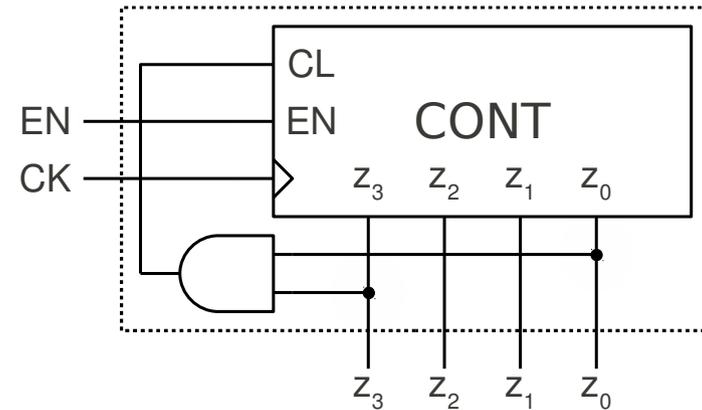
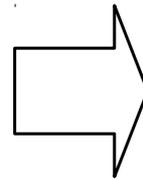
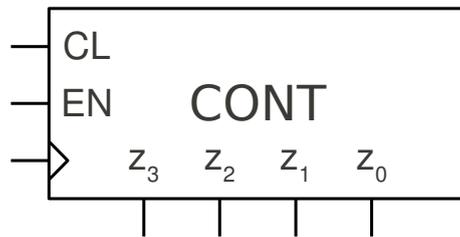
```
module count_mod10(  
    input ck,  
    input cl,  
    input en,  
    output [3:0] z,  
);  
  
    reg [3:0] q;  
  
    always @(posedge ck)  
        if (en == 1)  
            if (q == 9)  
                q <= 0;  
            else  
                q <= q + 1;  
  
    assign z = q;  
  
endmodule
```

Límite de estado de cuenta. Contador BCD

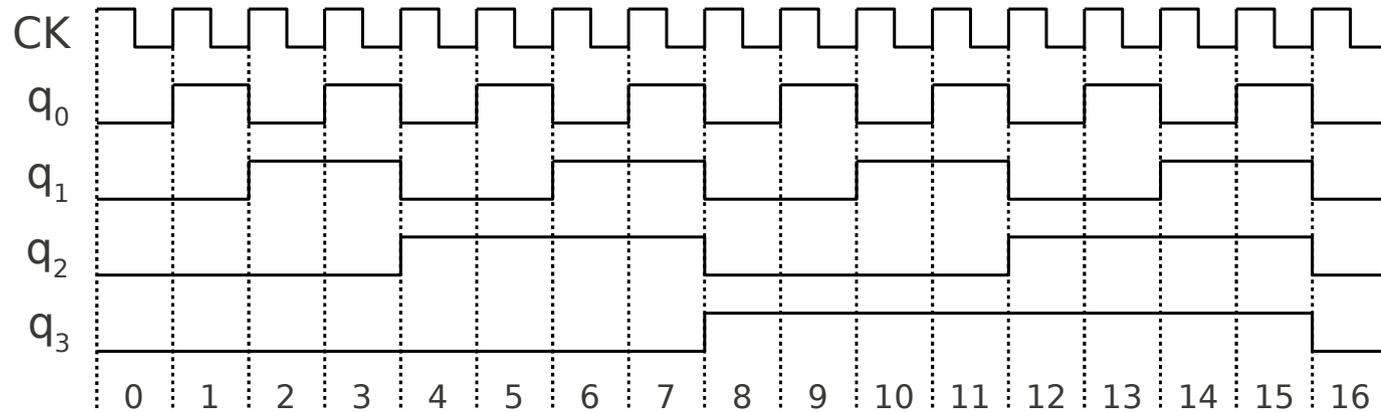


		$z_3 z_2$			
$z_1 z_0$		00	01	11	10
00		0	0	-	0
01		0	0	-	1
11		0	0	-	-
10		0	0	-	-

CL = $z_3 z_0$



Contador descendente módulo 2^n



- Cuenta descendente
 - $Q_i = \bar{q}_i$ si $q_j = 0, \forall j < i$
 - Si no, $Q_i = q_i$

$$J_i = K_i = \overline{q_{i-1} + q_{i-2} + \dots + q_0}$$

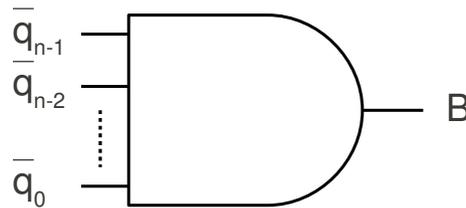
$$J_i = K_i = \overline{q_{i-1}} \overline{q_{i-2}} \dots \overline{q_0}$$

Salida de fin de cuenta

- Cuenta descendente (borrow)
 - $B = 1$ sii $q = 0$

$$B = \overline{q_{n-1} + q_{n-2} + \dots + q_0}$$

$$B = \overline{q_{n-1}} \overline{q_{n-2}} \dots \overline{q_0}$$



Contador binario descendente mód. 2^n con CL, habilit. y fin de cuenta

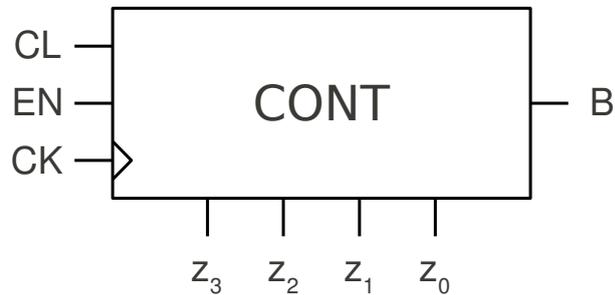


Tabla de operación

CL, EN	Operación	Tipo
1x	$q \leftarrow 0$	sínc.
01	$q \leftarrow q-1 _{\text{mod } 16}$	sínc.
00	$q \leftarrow q$	sínc.

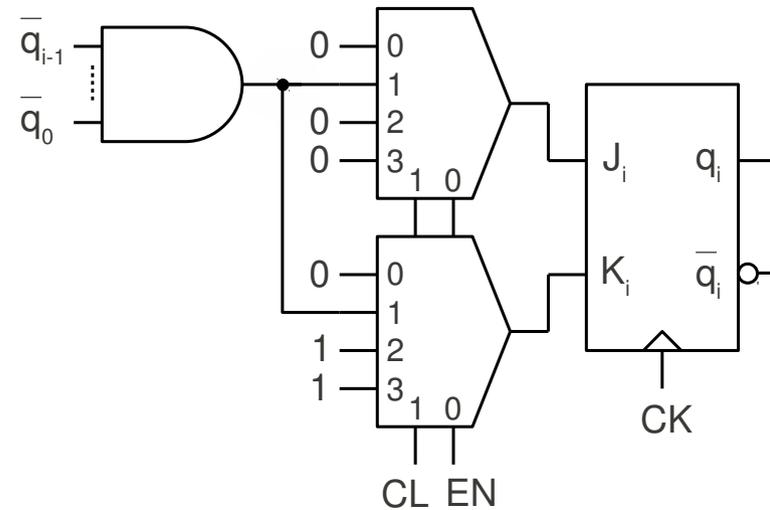
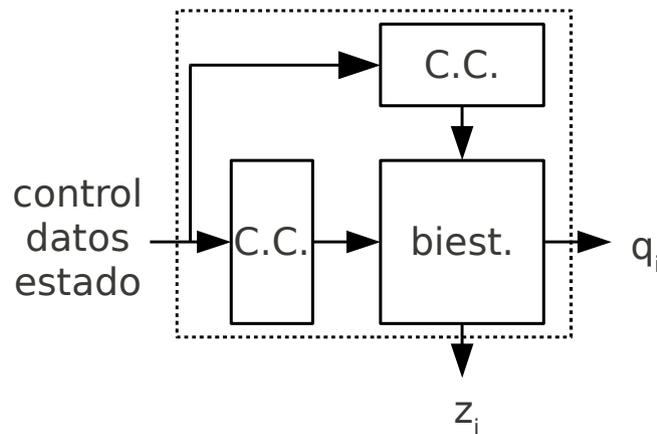
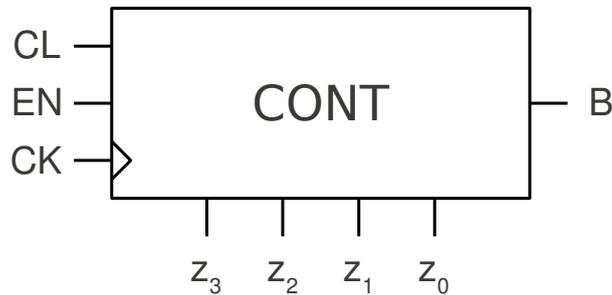
Código Verilog

```
module count_mod16(  
    input ck,  
    input cl,  
    input en,  
    output [3:0] z,  
    output b  
);  
  
    reg [3:0] q;  
  
    always @(posedge ck)  
        if (cl == 1)  
            q <= 0;  
        else if (en == 1)  
            q <= q - 1;  
  
    assign z = q;  
    assign b = ~(|q);  
  
endmodule
```

Contador binario descendente mód. 2^n con CL, habilit. y fin de cuenta

Tabla de operación síncrona

CL, EN	Operación	Et. típica	Et. 0
1x	$q \leftarrow 0$	$J_i=0, K_i=1$	$J_0=0, K_0=1$
01	$q \leftarrow q-1 \bmod 16$	$J_i=K_i=\bar{q}_{i-1} \dots \bar{q}_0$	$J_0=K_0=1$
00	$q \leftarrow q$	$J_i=K_i=0$	$J_0=K_0=0$



Contador reversible

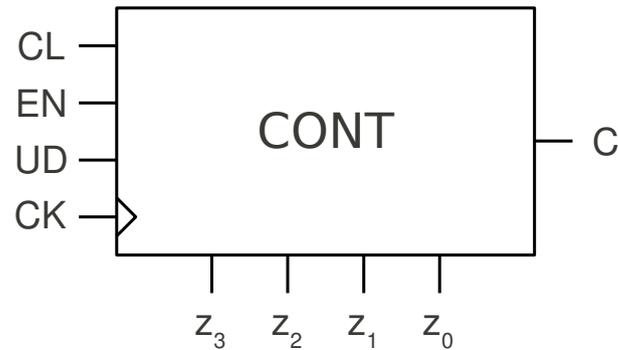


Tabla de operación

CL, EN, UD	Operación	Tipo
1xx	$q \leftarrow 0$	asínc.
00x	$q \leftarrow q$	sínc.
010	$q \leftarrow q+1 \bmod 16$	sínc.
011	$q \leftarrow q-1 \bmod 16$	sínc.

Contador reversible

Código Verilog

```
module rev_counter1(
    input ck,
    input cl, input en, input ud,
    output [3:0] z, output c
);

    reg [3:0] q;

    always @(posedge ck, posedge cl)
    begin
        if (cl == 1)
            q <= 0;
        else if (en == 1)
            if (ud == 0)
                q <= q + 1;
            else
                q <= q - 1;
    end

    assign z = q;
    assign c = ud ? ~(|q) : &q;

endmodule
```

Código Verilog

```
module rev_counter2(
    input ck,
    input cl, input en, input ud,
    output [3:0] z, output c
);

    reg [3:0] q; reg c;
    always @(posedge ck, posedge cl)
    begin
        if (cl)
            q <= 0;
        else if (en)
            if (!ud)
                q <= q + 1;
            else
                q <= q - 1;
    end

    always @*
        if (ud)
            c = ~(|q);
        else
            c = &q;

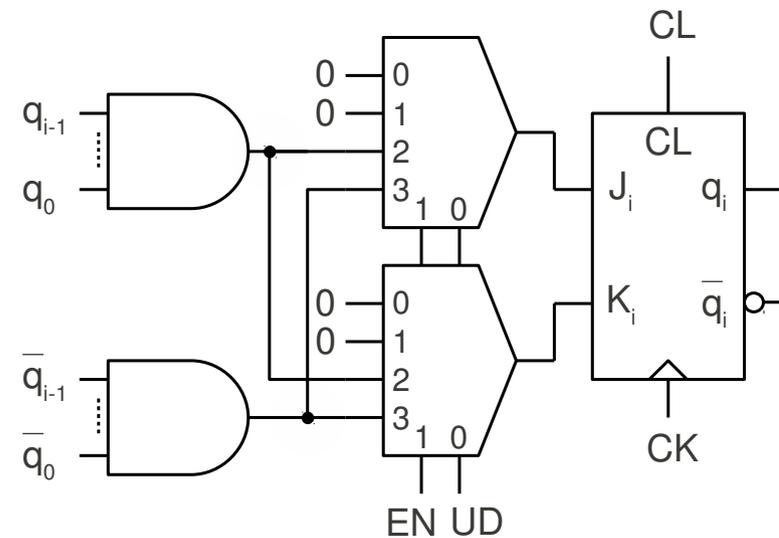
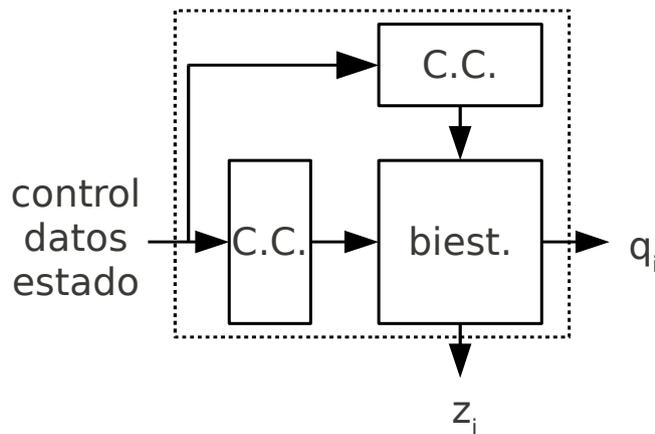
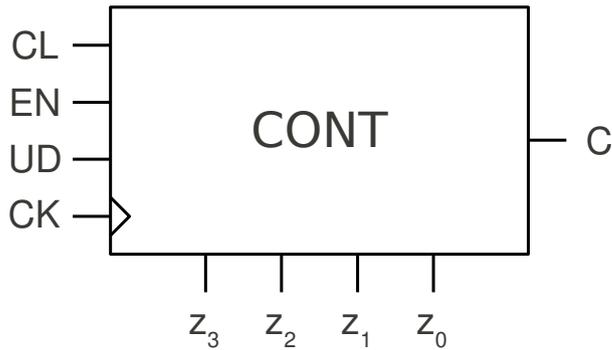
    assign z = q;

endmodule
```

Contador reversible

Tabla de operación síncrona

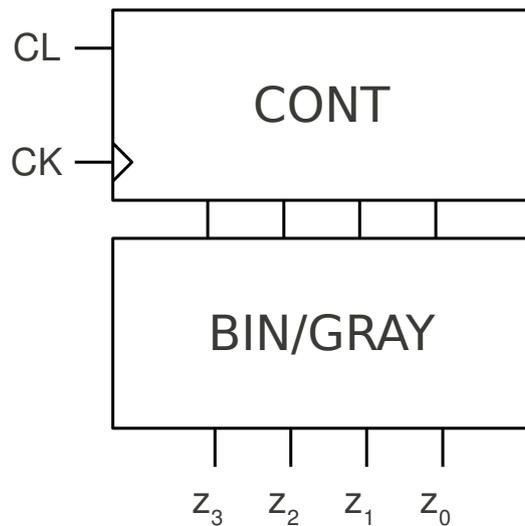
EN, UD	Operación	Et. típica	Et. 0
0x	$q \leftarrow q$	$J_i = K_i = 0$	$J_0 = K_0 = 0$
10	$q \leftarrow q + 1 \pmod{16}$	$J_i = K_i = q_{i-1} \dots q_0$	$J_0 = K_0 = 1$
11	$q \leftarrow q - 1 \pmod{16}$	$J_i = K_i = \bar{q}_{i-1} \dots \bar{q}_0$	$J_0 = K_0 = 1$



Contadores no binarios

- Secuencia no binaria (ej. Gray)
 - Nativos
 - Mediante convertidor de códigos
- Contadores de desplazamiento
 - Contador en anillo
 - Contador Johnson

Contador Gray con convertidor de código



z_3	z_2	z_1	z_0
0	0	0	0
0	0	0	1
0	0	1	1
0	0	1	0
0	1	1	0
0	1	1	1
0	1	0	1
0	1	0	0
1	1	0	0
1	1	0	1
1	1	1	1
1	1	1	0
1	0	1	0
1	0	1	1
1	0	0	1
1	0	0	0

Código Verilog

```
module graycounter_mod16(
    input ck,
    input cl,
    output [3:0] z
);

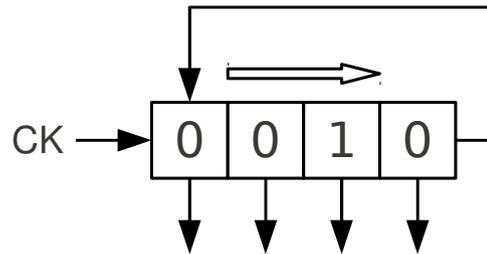
    reg [3:0] q;

    always @(posedge ck)
        if (cl == 1)
            q <= 0;
        else
            q <= q + 1;

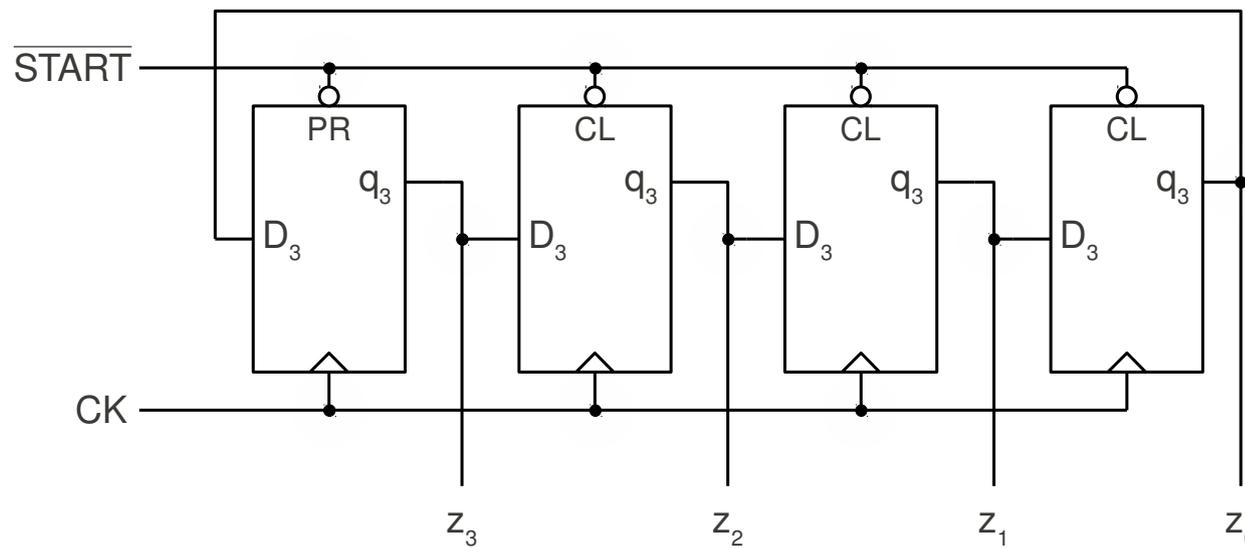
    assign z = q ^ (q >> 1);

endmodule
```

Contador en anillo



z_3	z_2	z_1	z_0
1	0	0	0
0	1	0	0
0	0	1	0
0	0	0	1
1	0	0	0
...			

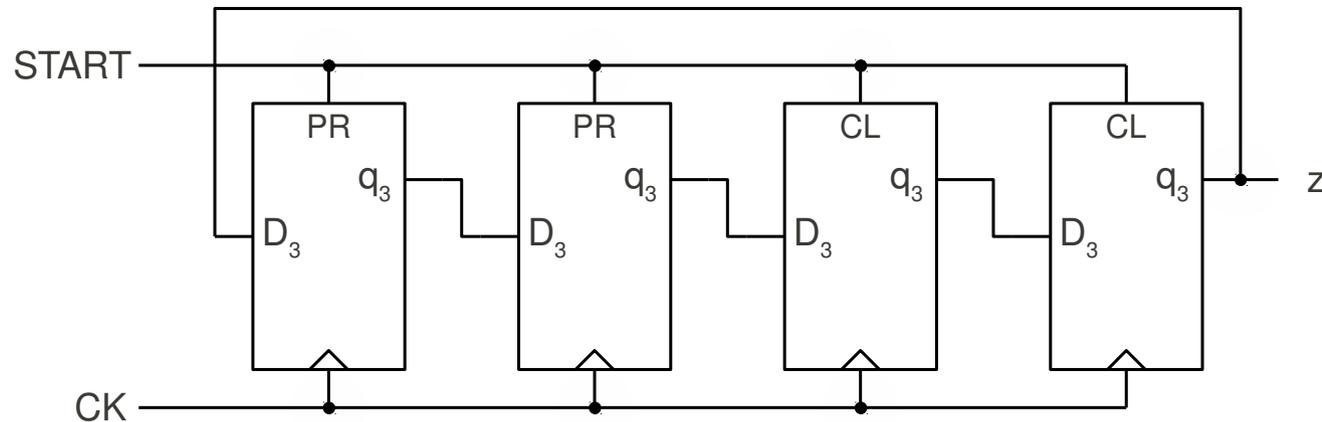
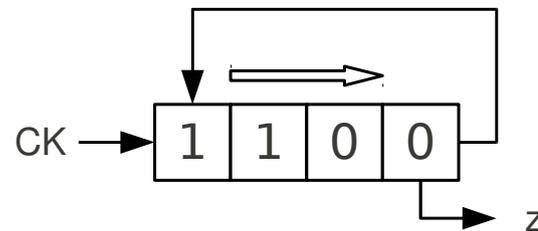


Diseño con subsistemas secuenciales

- Introducción
- Registros
- Contadores
- Diseño con subsistemas secuenciales
 - Detectores y generadores de secuencia
 - Ejemplos

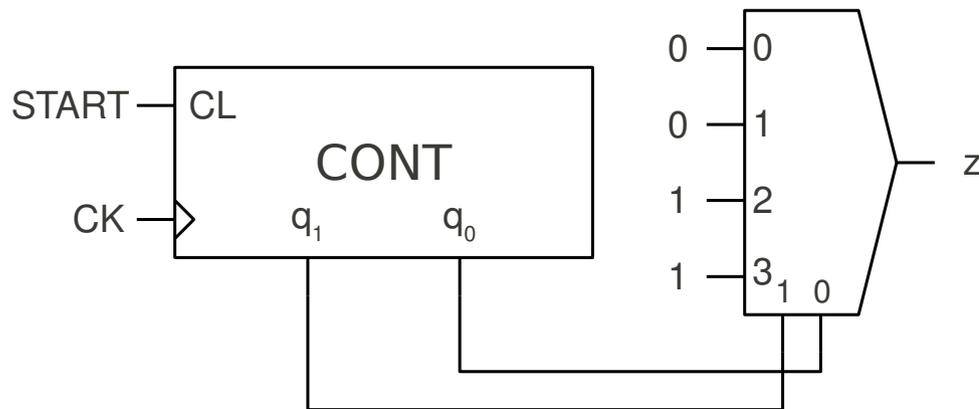
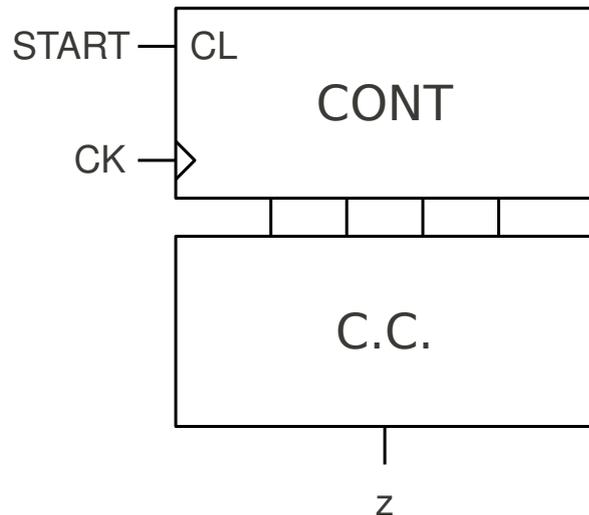
Generador de secuencia

- Con registro de desplazamiento



Generador de secuencia

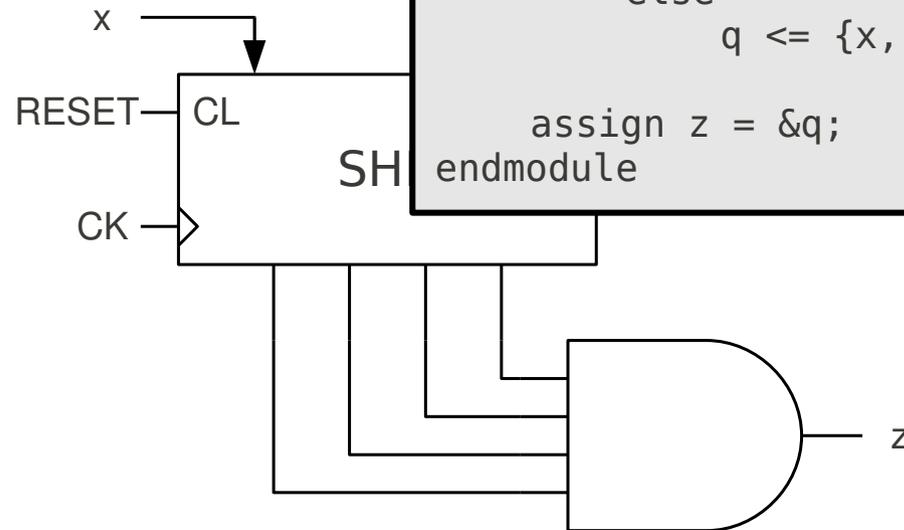
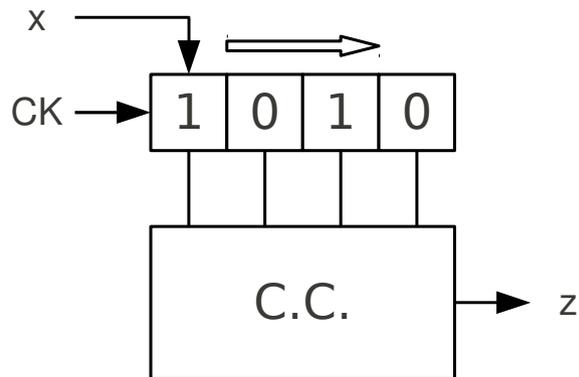
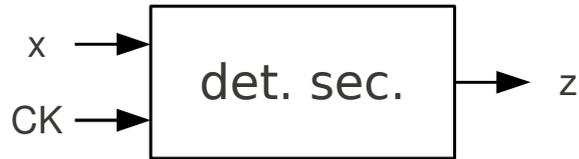
- Con contador y CC



Código Verilog

```
module seq_gen(  
    input ck,  
    input start,  
    output z  
);  
  
    reg [1:0] q; reg z;  
  
    always @(posedge ck)  
        if (start == 1)  
            q <= 0;  
        else  
            q <= q + 1;  
  
    case (q)  
        2'h0: z = 1'b0;  
        2'h1: z = 1'b0;  
        2'h2: z = 1'b1;  
        2'h3: z = 1'b1;  
    endcase  
  
endmodule
```

Detector de secuencia



Código Verilog

```
module seq_det(  
    input ck, input reset,  
    input x,  
    output z  
);  
  
    reg [3:0] q;  
  
    always @(posedge ck)  
        if (reset == 1)  
            q <= 0;  
        else  
            q <= {x, q[3:1]};  
  
    assign z = &q;  
endmodule
```

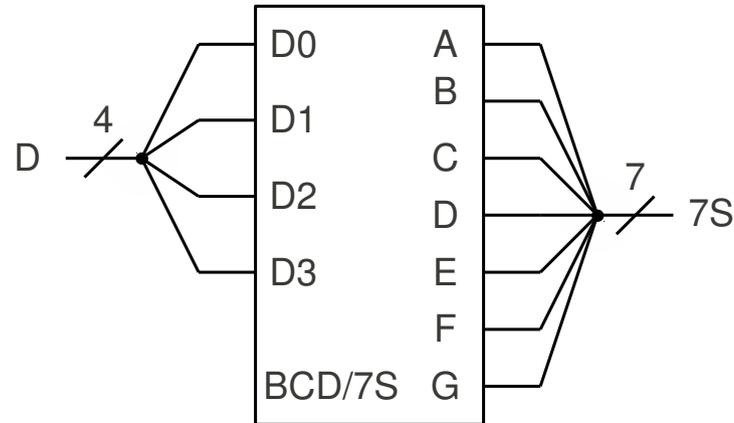
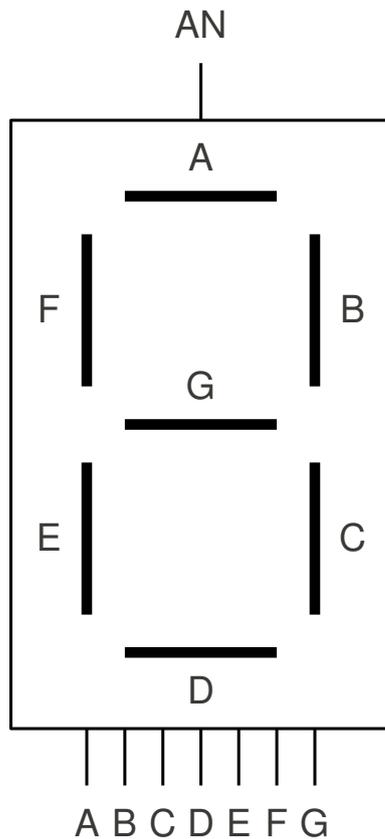
Ejemplo

- Control de puerta con cierre automático
- (añadir sensor de seguridad)

Ejemplo

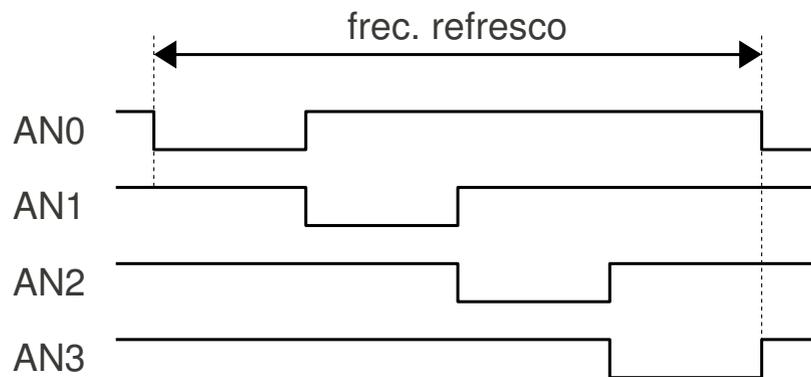
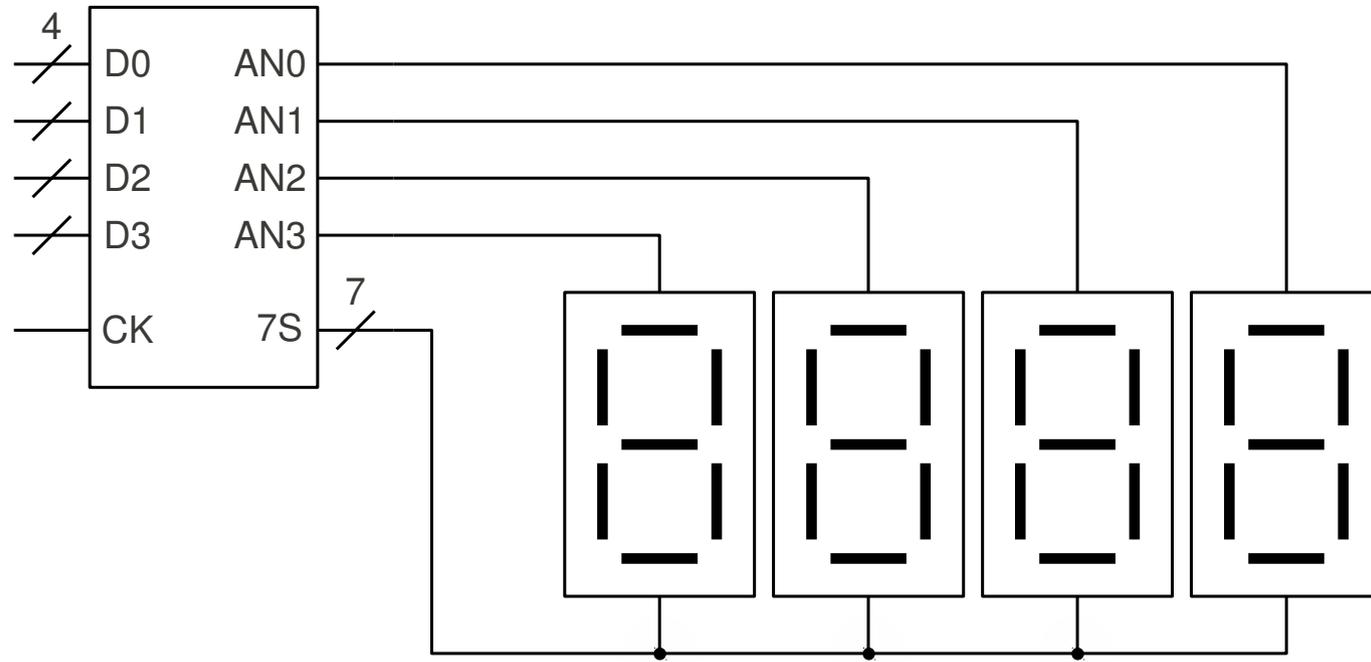
- Filtro de rebotes para pulsador/interruptor

Ejemplo: controlador 7S



$D_3 D_2 D_1 D_0$	7S	ABCDEFGG
0000	0	0000001
0001	1	1001111
0011	2	0010010
0010	3	0000110
0110	4	1001100
0111	5	0100100
0101	6	0100000
0100	7	0001111
1100	8	0000000
1101	9	0001100

Ejemplo: controlador 7S



CK: 50MHz
F. refresco: 100Hz - 1KHz